Watematu ческие кружки Willi 3

8-9 класс Остатки

- **0.** Доказать, что а) сумма $2222^{5555} + 5555^{2222}$ делится нацело на 7, б) $n^3 n$ делится на 6.
- **1.** Найдите остаток от деления а)2100 на 3, б) 3^{12} на 5, в) 3^{2019} на 5
- **2.** Докажите, что $n^3 n$ делится на 24 при любом нечётном n.
- **3.** Сумма трёх натуральных чисел, являющихся точными квадратами, делится на 9. Докажите, что из них можно выбрать два, разность которых также делится на 9.
- 4. Найдите все натуральные числа, при делении которых на 8 в частном получается то же число, что и в остатке.
- **5.** Найдите остаток от деления числа $1! + 2! + 3! + \ldots + 15!$ на 15.
- **6.** Найдите последнюю цифру числа а) 7^7 ; б) 7^{7^7} ; в) 7^{7^7} ; г) 2^{50} .
- **7.** Докажите, что при любом натуральном n а) число $n^5 + 4n$ делится на 5; б) $n^2 + 1$ не делится на 3; в) $n^3 + 2$ не делится на 9.
- **8.** а) Число делится на 44 с остатком 15. С каким остатком оно делится на 11? б) Число делится на 7 с остатком 5. Какой остаток оно может давать при делении на 35? Найдите все возможные варианты.