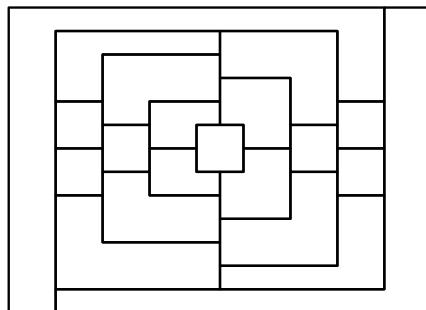




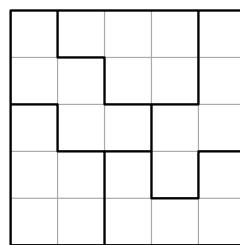
*Осторожно, окрашено!*

1. а) Раскрасьте рисунок в четыре цвета так, чтобы соседние части были разных цветов.  
б) Можно ли обойтись тремя цветами?



2. Раскрасьте клетки доски  $8 \times 8$  в чёрный и белый цвета так, чтобы у каждой чёрной клетки было ровно три белых соседа, а у каждой белой был ровно один чёрный сосед.

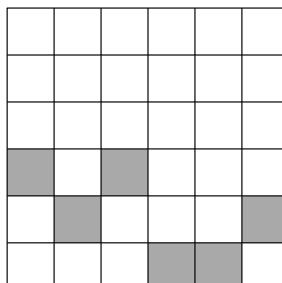
3. Покрасьте клетки доски  $5 \times 5$  в пять цветов так, чтобы в каждом горизонтальном ряду, в каждом вертикальном ряду и в каждом выделенном блоке все цвета встречались по одному разу.



4. Раскрасьте квадрат  $9 \times 9$  в три цвета так, чтобы клеток каждого цвета было поровну, а в каждой строке и в каждом столбце встречались бы максимум два цвета.

5. В квадрате часть клеток покрашена очень пачкой краской. Разрешается перегнуть квадрат по любой линии сетки, а затем разогнуть обратно. Клетки, которые при перегибании совмещаются с закрашенными, тоже закрашиваются. Можно ли закрасить весь квадрат

- а) за 4 перегибания;  
б) за 3 перегибания?



6. Раскрасьте клетки доски  $7 \times 7$  в белый, чёрный, красный и серый цвета так, чтобы у каждой белой клетки был ровно один чёрный сосед, у каждой чёрной был ровно один красный сосед, у каждой красной клетки было ровно два серых соседа, а у каждой серой клетки было ровно два белых соседа.

7. Разрежьте изображённую на рисунке доску на плитки  $1 \times 1$ ,  $1 \times 2$ ,  $1 \times 3$  так, чтобы любые две плитки отличались либо размером, либо раскраской (даже с учётом поворотов).

