

## 6 класс

*Клетчатые задачи*

- 1** В угловой клетке таблицы  $5 \times 5$  стоит плюс, а в остальных клетках стоят минусы. Разрешается в любой строке или в любом столбце поменять все знаки на противоположные. Можно ли за несколько таких операций сделать все знаки плюсами?
- 2** Можно ли в квадрате  $7 \times 7$  закрасить некоторые клетки так, чтобы в любом квадрате  $2 \times 2$  была ровно одна закрашенная клетка?
- 3** Можно ли в клетках шахматной доски расставить целые числа так, чтобы сумма чисел в любом столбце была больше 100, а в любой строке – меньше 100?
- 4** Можно ли в центры 16 клеток шахматной доски  $8 \times 8$  вбить гвозди так, чтобы никакие три гвоздя не лежали на одной прямой?
- 5** На клетчатой бумаге изобразите многоугольник, который можно одним прямолинейным разрезом разделить на четыре равных треугольника. Покажите, как это можно сделать (вершины многоугольника должны располагаться в узлах сетки, но стороны и разрез не обязательно проводить по линиям сетки).
- 6** Можно ли шестиугольный торт разрезать на 23 равных куска по указанным линиям?

