



**Математический кружок  
5 класс**

**25 марта 2017  
МПГУ**

*Для любого существует!*

**1.** Учёные планеты Сигма-Альфа обнаружили, что все лямбоиды имеют дельтовый цвет. В их лабораторию пришёл образец дельтового цвета. Обязательно ли это был лямбоид?

**2.** Зрительный зал в кинотеатре разбит на ряды, в каждом из которых одинаковое число мест. Разбейте утверждения на пары, противоположные по смыслу (то есть, в каждой паре всегда должно быть верно ровно одно из двух утверждений вне зависимости от того, как обстоят дела в кинотеатре):

Во всех рядах все места свободны  
Во всех рядах все места заняты  
В каждом ряду есть свободное место  
В каждом ряду есть занятое место

Есть ряд, в котором все места свободны  
Есть ряд, в котором все места заняты  
Есть ряд, в котором есть свободное место  
Есть ряд, в котором есть занятое место

**3. а)** Обязательно ли старейший математик среди шахматистов и старейший шахматист среди математиков — это один или тот же человек?

**б)** Обязательно ли лучший математик среди шахматистов и лучший шахматист среди математиков — это один или тот же человек?

**4.** Верны ли следующие утверждения:

- Для любого натурального числа существует чётное натуральное число, большее его;
- Для любого натурального числа существует чётное натуральное число, меньшее его;
- Для любого чётного натурального числа существует натуральное число, меньшее его;
- Существует такое натуральное число, что все натуральные числа, большие его — чётные.

**5.** Верны ли следующие утверждения:

- Для любого натурального числа существует такое натуральное число, что их сумма чётная;
- Для любого натурального числа существует такое натуральное число, что их сумма нечётная;
- Для любого натурального числа существует такое натуральное число, что их произведение больше их суммы;
- Для любого натурального числа существует такое натуральное число, что их произведение меньше их суммы.

**6.** В ряд записаны 10 натуральных чисел.

- а)** Известно, что сумма любых трёх из них больше тридцати. Обязательно ли сумма всех чисел больше ста?
- б)** Известно, что сумма любых трёх из них, идущих подряд, больше тридцати. Обязательно ли сумма всех чисел больше ста?