



*Кубы и кубики*

1. Из маленьких непокрашенных деревянных кубиков собрали Большой куб размером  $4 \times 4 \times 4$ , а затем покрасили синей краской все его 6 граней. У скольких маленьких кубиков оказались окрашены в синий цвет

- а) ровно 2 грани;
- б) нечётное число граней?

2. Сложите куб  $3 \times 3 \times 3$  из красных, жёлтых и синих кубиков  $1 \times 1 \times 1$  так, чтобы в любом бруске  $1 \times 1 \times 3$  были кубики трёх разных цветов.

3. Есть три одинаковых кубика и верёвка. Как без вычислений отмерить кусок верёвки, равный по длине главной диагонали кубика? (*Главная диагональ — та, которая соединяет две противоположные вершины куба. Она лежит внутри куба и снаружи не видна. Ломать кубики нельзя.*)

4. Барон Мюнхгаузен утверждает, что может обклеить без перекрытий всю поверхность куба 6 квадратами: двумя большими  $2 \times 2$  и четырьмя маленькими  $1 \times 1$ . Возможно ли это сделать?

5. Какое наименьшее число прямолинейных разрезов нужно сделать (*после каждого разреза полученные части можно перекладывать как угодно*), чтобы разрезать на маленькие кубики  $1 \times 1 \times 1$

- а) куб  $3 \times 3 \times 3$ ;
- б) куб  $4 \times 4 \times 4$ ?

6. Какое наибольшее число брусков размером  $1 \times 2 \times 2$  можно разместить без пересечений в кубе  $3 \times 3 \times 3$ ?

7. Куб  $2 \times 2 \times 2$  сложен из кубиков  $1 \times 1 \times 1$ . Переложите кубики так, чтобы опять получился куб  $2 \times 2 \times 2$ , но ни один кубик не соприкасался с кубиками, с которыми он соприкасался до перекладывания.